

### Práctico 1: Resultados

2. (a) (i) (ii) y (iii) son normas. (b)  $(3, 4) \in B((3, 4), 2)$  para toda norma.  $(4, 5) \in B((3, 4), 2)$  para las 3 normas anteriores.  $(0, 1) \notin B((3, 4), 2)$  para las 3 normas anteriores.

7.  $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = (0, 0)$ ,  $\nexists \lim_{n \rightarrow \infty} b_n$ ,  $\nexists \lim_{n \rightarrow \infty} c_n$ .

12.  $A_1$  esta acotado,  $\overset{\circ}{A}_1 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: 1 < x < 2, 1 < y < 3\}$ ,  $\bar{A}_1 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: 1 \leq x \leq 2, 1 \leq y \leq 3\}$ ,  $\delta A_1 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: 1 \leq x \leq 2, y = 1\} \cup \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: 1 \leq x \leq 2, y = 3\} \cup \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: x = 1, 1 < y < 3\} \cup \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: x = 2, 1 < y < 3\}$ ,  $A'_1 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: 1 \leq x \leq 2, 1 \leq y \leq 3\}$ ,  $A_1$  no es ni abierto ni cerrado

$A_2$  no esta acotado,  $\overset{\circ}{A}_2 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: 1 < x < 2, y > 0\}$ ,  $\bar{A}_2 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: 1 \leq x \leq 2, y \geq 0\}$ ,  $\delta A_2 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: 1 \leq x \leq 2, y = 0\} \cup \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: x = 1, y > 0\} \cup \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: x = 2, y > 0\}$ ,  $A'_2 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: 1 \leq x \leq 2, y \geq 0\}$ ,  $A_2$  no es ni abierto ni cerrado

$A_3$  no esta acotado,  $\overset{\circ}{A}_3 = \phi$ ,  $\bar{A}_3 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: y = x^2\}$ ,  $\delta A_3 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: y = x^2\}$ ,  $A'_3 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: y = x^2\}$ ,  $A_3$  es cerrado

$A_4$  esta acotado,  $\overset{\circ}{A}_4 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: x^2 + y^2 < 1, (x, y) \neq (0, 0)\}$ ,  $\bar{A}_4 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: x^2 + y^2 \leq 1\}$ ,  $\delta A_4 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: x^2 + y^2 = 1\} \cup \{(0, 0)\}$ ,  $A'_4 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: x^2 + y^2 \leq 1\}$ ,  $A_4$  es abierto

$A_5$  no esta acotado,  $\overset{\circ}{A}_5 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: 2x^2 + y^2 < 1\}$ ,  $\bar{A}_5 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: 2x^2 + y^2 \leq 1\} \cup \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: x = y\}$ ,  $\delta A_5 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: 2x^2 + y^2 = 1\} \cup \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: x = y\}$ ,  $A'_5 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: 2x^2 + y^2 \leq 1\} \cup \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: x = y\}$ ,  $A_5$  no es ni abierto ni cerrado

$A_6$  esta acotado,  $\overset{\circ}{A}_6 = \phi$ ,  $\bar{A}_6 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: x = (-1)^n + \frac{1}{n}, y = 1, n \geq 1\} \cup \{(1, 1), (-1, 1)\}$ ,  $\delta A_6 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: x = (-1)^n + \frac{1}{n}, y = 1, n \geq 1\} \cup \{(1, 1), (-1, 1)\}$ ,  $A'_6 = \{(1, 1), (-1, 1)\}$ ,  $A_6$  no es ni abierto ni cerrado

$A_7$  esta acotado,  $\overset{\circ}{A}_7 = \phi$ ,  $\bar{A}_7 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: 1 \leq x \leq 2, 1 \leq y \leq 3\} \cup \{(-1, 0), (1, 0)\} \cup \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: x = (-1)^n + e^n, y = 0, n \geq 1\}$ ,  $\delta A_7 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: 1 \leq x \leq 2, 1 \leq y \leq 3\} \cup \{(-1, 0), (1, 0)\} \cup \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: x = (-1)^n + e^n, y = 0, n \geq 1\}$ ,  $A'_7 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: 1 \leq x \leq 2, 1 \leq y \leq 3\} \cup \{(-1, 0), (1, 0)\}$ ,  $A_7$  no es ni abierto ni cerrado

$A_8$  esta acotado,  $\overset{\circ}{A}_8 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3: x + y + z < 1, x > 0, y > 0, z > 0\}$ ,  $\bar{A}_8 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3: x + y + z \leq 1, x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0\}$ ,  $\delta A_8 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3: x + y + z = 1, x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0\} \cup \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3: y + z \leq 1, x = 0\} \cup \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3: x + z \leq 1, y = 0\} \cup \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3: x + y \leq 1, z = 0\}$ ,  $A'_8 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3: x + y + z \leq 1, x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0\}$ ,  $A_8$  es abierto

$A_9$  no esta acotado,  $\overset{\circ}{A}_9 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3: x^2 + y^2 + 1 < z\}$ ,  $\bar{A}_9 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3: x^2 + y^2 + 1 \leq z\}$ ,  $\delta A_9 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3: x^2 + y^2 + 1 = z\}$ ,  $A'_9 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3: x^2 + y^2 + 1 \leq z\}$ ,  $A_9$  es cerrado

14.  $S' = \{\frac{1}{n}: n \in \mathbb{N}\} \cup \{0\}$